

неопределенности [Электронный ресурс]. – URL: <https://railwayforum.ru/events/forum-1520/> Международный транспортно-логистический форум «PRO//Движение.1520» (дата обращения 22.10.2020).

3. Договор о Евразийском экономическом союзе, совершенный в Астане 29 мая 2014 года.

4. Закон Республики Беларусь от 06.01.1999 г. № 237-3 «О железнодорожном транспорте».

5. Закон Республики Казахстан «О железнодорожном транспорте» от 8 декабря 2001 года № 266-III.

6. Федеральный закон Российской Федерации «О железнодорожном транспорте в Российской Федерации» от 10 января 2003 года № 17-ФЗ [Электронный ресурс]. – URL: <http://www.kremlin.ru/acts/bank/19009> (дата обращения 22.10.2020).

7. *Ismailov Zh., Kononov D.* Integrated Management System for Rail Transport: Planning of Cargo Turnover in Conditions of Uncertainty /Proceedings of the 11th International Conference Management of Large-Scale System Development (MLSD), 2018 [Электронный ресурс]. – URL: <https://ieeexplore.ieee.org/document/8551807> (дата обращения 20.10.2020).

---

**Аникина Е.В.**

### **Управление рисками сложной сети на основе арбитражного решения**

**Аннотация:** В работе рассматривается один из методов эффективного распределения ограниченного ресурса для управления информационными рисками на основе теоретико-игровых моделей (арбитражных схем).

**Ключевые слова:** управление информационными рисками, сложная сеть, менеджер риска, распределение ресурса, арбитражное решение

Современный этап развития России можно охарактеризовать одним словом – цифровизация, поскольку сфера и объемы использования цифровых, информационных технологий расширяются и возрастают с каждым днем. В рамках многих проектов создается большое количество крупномасштабных, распределенных систем, зачастую не имеющие аналогов как по

своей сложности, с одной стороны, так и по размерам потенциальных угроз, возникающих в случае их отказа или некорректной работы, с другой [1, 2].

Таким образом, проблема обеспечения безопасности и управления рисками сложных систем в настоящее время становится как никогда актуальной и злободневной. Причем, это касается не только активного внедрения существующих методов и средств информационной безопасности и управления рисками, но и их совершенствования, а также развития новых подходов для решения указанных проблем.

Для эффективного решения задач управления рисками и безопасностью сложных систем необходимо использование подходов, которые позволяют рассматривать риск-образующие события и связанные с ними риски не как «точки» в некотором фазовом пространстве, а как динамическую сеть, узлы которой оказывают на состояние друг друга существенное влияние.

### Арбитражное решение

В рамках базовой модели, рассмотренной в [3], рассмотрим случай, когда элементы  $s_i \in S$ ,  $i \in N$ , системы  $S$  являются *независимыми* и не оказывают друг на друга никакого влияния. Подход к решению указанной задачи, когда конкретный вид функций локального риска неизвестен, впервые был намечен, хотя и немного в другой постановке, в статье [5], а наиболее полно изложен в монографиях [1, 6].

В основе указанного подхода лежат следующие соображения (подробнее, см. [1, 6]).

Поскольку конкретный вид функций локального риска нам неизвестен, то представляется целесообразным перейти от «глобальной» задачи минимизации интегрального риска к «локальной» задаче *снижению максимума локальных рисков*  $\rho_i(\cdot)$ ,  $i \in N$ :

$$\inf_{x \in X} \sup_{i \in N} \rho_i(x) \quad (1)$$

Решением задачи (1) будут «хорошие» распределения ресурса  $\hat{x}(X) \in \mathcal{X}(X)$  такие, что:  $\hat{x}(X) = \arg \inf_{x \in X} \sup_{i \in N} \rho_i(x)$ . Обозначим подмножество «хороших» распределений ресурса  $\hat{\mathcal{X}}(X) \subseteq \mathcal{X}(X)$ .

Для задачи (1) верно следующее утверждение «о выравнивании локальных рисков» [1, 6], которое мы приведем в обозначениях рассматриваемой выше модели:

**Утверждение 1.** Пусть  $\rho_i(\cdot)$ ,  $i \in N$  удовлетворяют свойствам С1, С2 и С3 и существует распределение ресурса  $(\tilde{x}_1, \dots, \tilde{x}_n) \in \mathcal{X}(X)$  такое, что:  $\sum_{i=1}^n \tilde{x}_i = X$  и  $\rho_1(\tilde{x}_1) = \dots = \rho_n(\tilde{x}_n) = c$ , тогда  $(\tilde{x}_1, \dots, \tilde{x}_n)$  – единственное решение задачи (1).

Предположим, что тем или иным способом РМ (менеджер риска) стали известны текущие значения локальных рисков для каждого элемента  $s_i \in S$ ,  $i \in N$ , системы  $S$ , до распределения на них каких-либо ресурсов. Обозначим указанные значения  $\rho_i(0)$ ,  $i \in N$  и упорядочим их по убыванию:  $\rho_{(1)}(0) \geq \dots \geq \rho_{(n)}(0)$ . Откуда следует, что если целью РМ является выравнивание локальных рисков, то для достижения указанной цели для разных элемента

$s_i \in S$ ,  $i \in N$ , системы  $S$ , вообще говоря, придется затратить различный объем ресурсов, причем: если  $\rho_{(i)}(0) \geq \rho_{(j)}(0)$ , то должно выполняться  $x_{(i)} \geq x_{(j)}$ . В этом случае, значения  $\tilde{\rho}_i = \rho_i(0)$  можно рассматривать, как своеобразные «заявки» элементов  $s_i \in S$ ,  $i \in N$ , системы  $S$  на предоставление ресурса со стороны РМ. Обозначим  $\tilde{\rho} = (\tilde{\rho}_1, \dots, \tilde{\rho}_n)$  – вектор «заявок» элементов  $s_i \in S$ ,  $i \in N$ , системы  $S$  на предоставление ресурса со стороны РМ.

Предположим теперь, что сам ресурс  $X$ , которым располагает РМ, представляет собой функцию от «заявок» элементов системы  $S$  такую, что  $X = X(\tilde{\rho}_1, \dots, \tilde{\rho}_n)$  – симметрична, непрерывна, строго монотонна и  $X(0, \dots, 0) = 0$ . Указанные свойства являются вполне естественными и отражают следующие особенности поведения защитника: 1) не выделять ресурс без необходимости; 2) в случае возрастания рисков увеличивать объем выделяемого ресурса; 3) в отсутствии дополнительной информации считать все элементы системы  $S$  однородными [1, 6].

В [1, 6] был сформулирован и обоснован ряд «разумных», с точки зрения управления рисками, требований, которым должно удовлетворять «хорошее» распределение ресурсов.

**T1 (оптимальность по Парето):** для любого

$$\hat{x}(X) \in \hat{\mathcal{X}}(X): \sum_{i=1}^n \hat{x}_i(X) = X.$$

**T2 (монотонность):** для любых  $X_1 > X_2 \geq 0$  и

$\hat{x}(X) \in \hat{\mathcal{X}}(X)$ :  $\hat{x}(X_1) > \hat{x}(X_2)$ , то есть  $\hat{x}_i(X_1) \geq \hat{x}_i(X_2)$ ,  
 $i \in N$  и существует  $j \in N$  такое, что  $\hat{x}_j(X_1) > \hat{x}_j(X_2)$ .

**T3 (паритетность)**: для любого  $\hat{x}(X) \in \hat{\mathcal{X}}(X)$ : если

$\rho_{(1)}(0) \geq \dots \geq \rho_{(n)}(0)$ , то  $\hat{x}_{(1)}(X) \geq \dots \geq \hat{x}_{(n)}(X)$ .

В [1, 6] было показано, что подмножество «хороших» распределений ресурса  $\hat{\mathcal{X}}(X) \subseteq \mathcal{X}(X)$ , удовлетворяющих требованиям T1, T2 и T3, не пусто, поскольку, в частности, указанным требованиям удовлетворяет равномерное распределение ресурса  $\hat{e}(X) \in \hat{\mathcal{X}}(X)$ :  $\hat{e}_i(X) = X/n$ .

Приведенные предположения позволяют использовать для нахождения эффективного распределения ресурса теоретико-игровой подход на основе *арбитражной схемы, основанной на принципах стимуляции и неподавления* [7, 8]: будем рассматривать элементы  $s_i \in S$ ,  $i \in N$ , системы  $S$  в качестве «игроков» некоторой игры  $\Gamma(\tilde{\rho})$ , где  $\tilde{\rho} = (\tilde{\rho}_1, \dots, \tilde{\rho}_n)$  – вектор «заявок» элементов системы  $S$  на предоставление ресурса со стороны RM, который выступает в роли своеобразного «арбитра».

Определим, доступный для распределения RM ресурс

$X(\tilde{\rho}) = X(\tilde{\rho}_1, \dots, \tilde{\rho}_n)$  и множество допустимых распределений ресурса  $X$  между элементами системы  $S$ :

$$\mathcal{X}(\tilde{\rho}) = \{(x_1, \dots, x_n) \in \mathbb{R}^n: x_i \geq 0, i \in N, \sum_{i=1}^n x_i \leq X(\tilde{\rho})\}.$$

Обозначим  $\hat{\mathcal{X}}(\tilde{\rho}) \subseteq \mathcal{X}(\tilde{\rho})$  – подмножество «хороших» распределений ресурса, удовлетворяющих требованиям T1, T2 и T3.

**Определение 1.** Пусть  $\tilde{\rho}_{(1)} \geq \dots \geq \tilde{\rho}_{(n)}$ , тогда назовем распределение ресурса  $\hat{\pi}(\tilde{\rho}) = (\hat{\pi}_{(1)}(\tilde{\rho}), \dots, \hat{\pi}_{(n)}(\tilde{\rho}))$  «максимально стимулирующим» (МС-решением) если:

- 1)  $\hat{\pi}(\tilde{\rho}) \in \hat{\mathcal{X}}(\tilde{\rho})$ ;
- 2)  $\hat{\pi}_{(1)}(\tilde{\rho}) = \sup_{\hat{x}(\tilde{\rho}) \in \hat{\mathcal{X}}(\tilde{\rho})} \hat{x}_{(1)}(\tilde{\rho})$ ;
- $\hat{\pi}_{(2)}(\tilde{\rho}) = \sup_{\hat{x}(\tilde{\rho}) \in \hat{\mathcal{X}}^{(1)}(\tilde{\rho})} \hat{x}_{(2)}(\tilde{\rho})$ ;

$$\dots$$

$$\hat{\pi}_{(n-1)}(\tilde{\rho})(\tilde{\rho}) = \sup_{\hat{x}(\tilde{\rho}) \in \hat{\mathcal{X}}^{(1)(2)\dots(n-2)}(\tilde{\rho})} \hat{x}_{(n-1)}(\tilde{\rho}),$$

где  $\hat{\mathcal{X}}^{(1)(2)\dots(k)}(\tilde{\rho}) = \{\hat{x}(\tilde{\rho}) \in \hat{\mathcal{X}}(\tilde{\rho}): \hat{x}_{(1)}(\tilde{\rho}) = \hat{\pi}_{(1)}(\tilde{\rho}), \hat{x}_{(2)}(\tilde{\rho}) = \hat{\pi}_{(2)}(\tilde{\rho}), \dots, \hat{x}_{(k)}(\tilde{\rho}) = \hat{\pi}_{(k)}(\tilde{\rho})\}$  и

$$k = 1, 2, \dots, n - 2.$$

Таким образом, под МС-решением будем понимать такое распределение ресурса  $X$  между элементами системы  $S$ , при

котором: во-первых, для него выполнены требования Т1, Т2 и Т3, а, во-вторых, на элемент с номером (1), с максимальной «заявкой», выделяется максимально возможное для номера (1), среди всех таких распределений, количество ресурса; на элемент с номером (2), со второй по значимости «заявкой», выделяется максимально возможное для номера (2), среди распределений у которых, количество ресурса для номера (1) уже зафиксировано и равно  $\hat{\pi}_{(1)}(\tilde{\rho})$  и так далее.

Как следует из приведенного выше определения МС-решения, его существование отнюдь не является очевидным. Тем не менее, оказывается верным следующее утверждение [1, 5-8]:

**Утверждение 2.** Пусть  $\tilde{\rho}_{(1)} \geq \dots \geq \tilde{\rho}_{(n)}$ , тогда МС-решение  $\hat{\pi}(\tilde{\rho}) = (\hat{\pi}_{(1)}(\tilde{\rho}), \dots, \hat{\pi}_{(n)}(\tilde{\rho}))$  существует и единственно.

Приведенное утверждение дает возможность в рамках решения задачи (1) организовать эффективное управление рисками сложной системы при котором сначала снижается максимальный риск, затем следующий по значимости и так далее. К сожалению, доказательство утверждения 2 не является конструктивным и не определяет МС-решение в аналитической форме. Тем не менее, для ряда частых случаев это может быть сделано, что и позволяет применить МС-решение на практике.

Предположим, что функция  $X(\tilde{\rho})$  имеет вид:

$X(\tilde{\rho}) = X(\tilde{\rho}_1 + \dots + \tilde{\rho}_n)$ , то есть, зависит только от суммы «заявок» всех элементов  $s_i \in S$ ,  $i \in N$ , системы  $S$ , что довольно часто встречается на практике, причем  $\frac{\partial X(\tilde{\rho}_1 + \dots + \tilde{\rho}_n)}{\partial \tilde{\rho}_i} > 0$ , для  $i \in N$ .

Тогда для случаев, когда  $X(\tilde{\rho})$  выпукла, вогнута или линейна оказываются верными следующие утверждения [1, 6]:

**Утверждение 3.** Пусть  $\tilde{\rho}_{(1)} \geq \dots \geq \tilde{\rho}_{(n)}$  (для простоты, будем считать, что  $\tilde{\rho}_1 \geq \dots \geq \tilde{\rho}_n$  и  $X(\tilde{\rho})$  выпукла, то есть:

$\frac{\partial^2 X(\tilde{\rho}_1 + \dots + \tilde{\rho}_n)}{\partial \tilde{\rho}_i^2} \geq 0$ , для  $i \in N$ . Тогда МС-решение имеет вид:

$$\mu_n^+(\tilde{\rho}) = \frac{1}{n} X(n\tilde{\rho}_n);$$

$$\mu_k^+(\tilde{\rho}) = \frac{1}{k} (X(k\tilde{\rho}_k + \sum_{i=k+1}^n \tilde{\rho}_i) - \sum_{i=k+1}^n \mu_i^+(\tilde{\rho})),$$

$$k = 1, 2, \dots, n - 1.$$

**Утверждение 4.** Пусть  $\tilde{\rho}_{(1)} \geq \dots \geq \tilde{\rho}_{(n)}$  (для простоты, будем считать, что  $\tilde{\rho}_1 \geq \dots \geq \tilde{\rho}_n$ ) и  $X(\tilde{\rho})$  вогнута, то есть:

$\frac{\partial^2 X(\tilde{\rho}_1 + \dots + \tilde{\rho}_n)}{\partial \tilde{\rho}_i^2} \leq 0$ , для  $i \in N$ . Тогда МС-решение имеет вид:

$$\mu_1^-(\tilde{\rho}) = \frac{1}{n} X(n\tilde{\rho}_1);$$

$$\mu_k^-(\tilde{\rho}) = \frac{1}{n-(k-1)} X(\sum_{i=1}^{k-1} \tilde{\rho}_i + (n - (k - 1))\tilde{\rho}_k) - \frac{1}{n-(k-1)} \sum_{i=1}^{k-1} \mu_i^-(\tilde{\rho}), \quad k = 2, \dots, n.$$

**Утверждение 5.** Пусть  $\tilde{\rho}_{(1)} \geq \dots \geq \tilde{\rho}_{(n)}$  (для простоты, будем считать, что  $\tilde{\rho}_1 \geq \dots \geq \tilde{\rho}_n$ ) и

$X(\tilde{\rho}) = \alpha(\sum_{i=1}^n \tilde{\rho}_i) + \beta$  (линейная функция), то есть:

$\frac{\partial^2 X(\tilde{\rho}_1 + \dots + \tilde{\rho}_n)}{\partial \tilde{\rho}_i^2} \equiv 0$ , для  $i \in N$ . Тогда МС-решение имеет вид:

$$\mu_k(\tilde{\rho}) = \alpha \tilde{\rho}_k, \quad k = 1, \dots, n.$$

Анализ приведенного МС-решения позволяет сделать вывод о том, что достоверная информация о значениях «заявок» элементов  $s_i \in S$ ,  $i \in N$ , системы  $S$  на предоставление ресурса со стороны игрока RM:  $\tilde{\rho}_i = \rho_i(0)$  является ключевой, для реализации указанного подхода.

### Заключение

В работе рассмотрена задача управления рисками в условиях неопределенности, когда информация о конкретном виде функций локального риска элементов системы отсутствует.

Показано, что в случае независимости (отсутствия взаимного влияния друг на друга) элементов системы для нахождения эффективного распределения ресурса может быть использован теоретико-игровой подход на базе арбитражной схемы, основанной на принципах стимуляции и неподавления (МС-решение).

Литература:

1. *Калашиников А.О.* Модели и методы организационного управления информационными рисками корпораций. – М.: «Эгвес», 2011. – 312 с.

2. Федеральный закон «О безопасности критической информационной инфраструктуры Российской Федерации» от 26.07.2017 № 187-ФЗ [Электронный ресурс]. – URL: <http://www.kremlin.ru/acts/bank/42128> (дата обращения 20.10.2020).

3. *Калашиников А.О., Аникина Е.В.* Модели управления

информационными рисками сложных систем//Информация и безопасность. – 2020. – Т. 23. №2(4). – С. 191-202.

4. *Калашиников А.О.* Управление информационными рисками с использованием арбитражных схем//Системы управления и информационные технологии. – 2004. – № 4 (16). – С. 57-61.

5. *Калашиников А.О.* Организационные механизмы управления информационными рисками корпораций. – М.: «ПМСОФТ», 2008. – 175 с.

6. *Ротарь В.И.* О принципе стимуляции в арбитражной схеме//Экономика и математические методы. – 1984. – Т. XVII. В. 4. – С. 751-764.

---

**Асратян Р.Э.**

### **Разграничение прав доступа к сервисным функциям в Службе защищенных сообщений на основе электронной подписи**

**Аннотация:** Рассмотрены принципы авторизации и разграничения прав доступа в сетевой Службе защищенных сообщений, предназначенной для безопасной обработки информационных запросов в распределенных информационных системах. Отличительная особенность службы заключается в использовании реквизитов подписантов информационного запроса для определения возможности доступа к обрабатывающим сервисным функциям.

**Ключевые слова:** распределенные системы, Интернет-технологии, информационное взаимодействие, информационная безопасность, разграничение прав доступа

Современные Интернет-технологии являются важнейшей составной частью распределенных информационных систем, в значительной степени, определяющей эффективность и безопасность сетевых обменов. Сегодня в распоряжении разработчиков таких систем имеется целый ряд сетевых информационных технологий высокой степени универсальности и гибкости [1-3]. Достаточно упомянуть Web-технологии [3], покрывающие широчайший спектр применений от электронной